

# Matemaattisia symboleita

## Mathematical symbols

## Matematiska symboler

Pekka Alestalo & Björn Ivarsson

1. syyskuuta 2015

**E:** Esimerkki/Example/Exempel

- $\{a_1, a_2, \dots\}$

- joukko, jonka alkiot on lueteltu; järjestyksellä ei väliä
  - set of the listed elements; order does not matter
  - mängd av element; ordningen elementen anges i spelar ingen roll
- E:**  $\{1, 2, 3, \dots\} = \mathbf{N}$

- $\{x \in A \mid P(x)\}, \{x \in A : P(x)\}$

- niiden  $A$ :n alkioiden  $x$  joukko, jotka toteuttavat ehdon  $P(x)$
- the set of those elements  $x$  in  $A$  that satisfy condition  $P(x)$
- mängden av element  $x$  i mängden  $A$  som uppfyller  $P(x)$

**E:**  $\{x \in \mathbf{R} \mid x \geq 0\} = [0, \infty[$

- $x \in A$

- $x$  kuuluu joukkoon  $A$ ,  $x$  on joukon  $A$  alkio
- $x$  belongs to set  $A$ ,  $x$  is an element of  $A$
- $x$  tillhör mängden  $A$ ,  $x$  är ett element i  $A$

**E:**  $\sqrt{2} \in \mathbf{R}$

- $x \notin A$

- $x$  ei kuulu joukkoon  $A$
- $x$  does not belong to set  $A$
- $x$  tillhör inte mängden  $A$

**E:**  $\sqrt{2} \notin \mathbf{Q}$

- $A \subset B$

- $A$  on joukon  $B$  osajoukko,  $A$  sisältyy joukkoon  $B$
- $A$  is a subset of  $B$ ,  $A$  is included in  $B$
- $A$  är en delmängd av  $B$ ,  $A$  är innehållen i  $B$

**E:**  $\mathbf{N} \subset \mathbf{Z} \subset \mathbf{Q} \subset \mathbf{R}$

- $A \subsetneq B$ 
  - $A \subset B$ , mutta  $A \neq B$ ;  $A$  on  $B$ :n aito osajoukko
  - $A \subset B$ , but  $A \neq B$ ;  $A$  is a proper subset of  $B$
  - $A \subset B$ , men  $A \neq B$ ;  $A$  är en äkta delmängd av  $B$

**E:**  $\mathbf{N} \subset \mathbf{Z}$ ,  $\mathbf{N} \subsetneq \mathbf{Z}$
- $A \supset B$ 
  - $B$  on joukon  $A$  osajoukko
  - $B$  is a subset of  $A$
  - $B$  är en delmängd av  $A$

**E:**  $\{0, 1\} \supset \{0\}$
- $A \cap B$ 
  - $A$  leikkaus  $B$ ; koostuu joukkojen yhteisistä alkioista
  - $A$  intersection  $B$ ; consists of the elements that are in both  $A$  and  $B$
  - snittet av  $A$  och  $B$ ; element som är element i  $A$  och  $B$

**E:**  $[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$
- $A \cup B$ 
  - $A$  yhdiste  $B$ ,  $A$  unioni  $B$
  - $A$  union  $B$ , consists of element in  $A$  or  $B$  (or in both)
  - unionen av  $A$  och  $B$ , element som är element i  $A$  eller  $B$  (eller båda)

**E:**  $[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$
- $A \setminus B$ 
  - $A$  pois  $B$ ; koostuu niistä  $A$ :n alkioista, jotka eivät kuulu  $B$ :hen
  - $A$  minus  $B$ ; consists of these elements in  $A$  that are not in  $B$
  - $A$  minus  $B$ ; element som är element i  $A$  men inte i  $B$

**E:**  $\mathbf{R} \setminus ]-\infty, 0] = ]0, \infty[$
- $\forall$ 
  - "kaikilla", "kaikille", "jokaisella", "jokaiselle"
  - "for all", "for every"
  - "för alla", "för varje"

**E:**  $\forall x \in \mathbf{R} : x^2 \geq 0$
- $\exists$ 
  - "on olemassa", "jollakin", "jollekin"
  - "there is", "for some"
  - "det existerar", "det finns", "för något", "för någon"

**E:**  $\exists x \in \mathbf{R} : x^2 = 2$

- $\nexists$

- "ei ole olemassa sellaista . . . , että"
- "there is no . . . such that"
- "det existerar ingen . . . sådan att"

**E:**  $\nexists x \in \mathbf{Q} : x^2 = 2$

- $\wedge$

- ja
- and
- och

**E:**  $x^2 = 4 \wedge x > 0 \Leftrightarrow x = 2$

- $\vee$

- tai (tarkoittaa matematiikassa: jompi kumpi tai molemmat)
- or (in mathematics: either one or both)
- eller (i matematik:  $P$  eller  $Q$  eller båda)

**E:**  $ab = 0 \Leftrightarrow a = 0 \vee b = 0$

- $P \Rightarrow Q$

- väitteestä  $P$  seuraa väite  $Q$  (implikaatio)
- $P$  implies  $Q$  (implication)
- $P$  implicaerar  $Q$  (implikation)

**E:**  $x = 2 \Rightarrow x^2 = 4$

- $P \Leftrightarrow Q$

- väitteet  $P$  ja  $Q$  ovat yhtäpitäviä (ekvivalenssi)
- $P$  is equivalent to  $Q$  (equivalence)
- $P$  är ekvivalent med  $Q$  (ekvivalens)

**E:**  $x^2 = 0 \Leftrightarrow x = 0$

- $\neg P$

- väitteen  $P$  negaatio, "ei  $P$ "
- negation of statement  $P$ , "not  $P$ "
- negationen av  $P$ , "inte  $P$ "

**E:**  $\neg(x > 0) = (x \leq 0)$