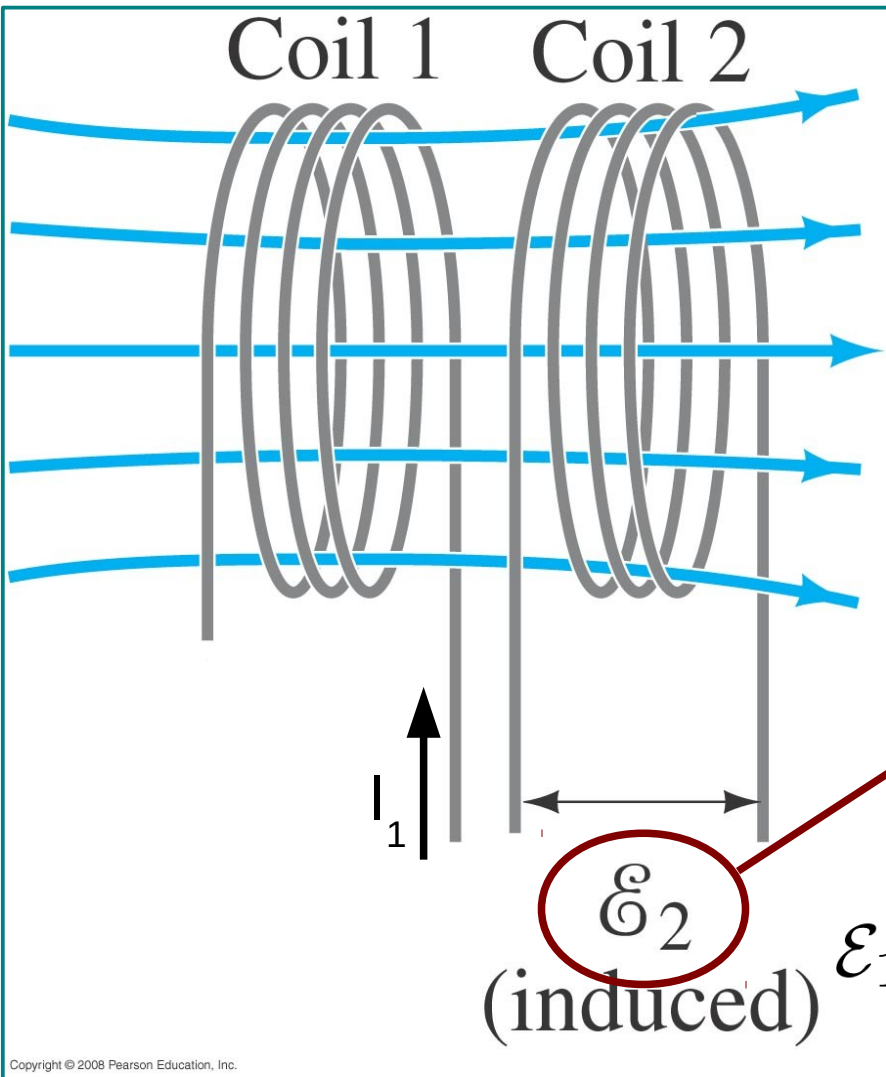


# Käämi menee piiriin: induktanssi

- Ne, joiden mielestä muuntaja toimii näin ovat oikeassa
- Keskinäisinduktanssi  $M$  riippuu geometriasta → suunnittelu



Jos  $dI_1/dt \neq 0$ , niin epäilemättä käämin 2 läpi kulkeva magneettivuo  $\Phi_B$  muuttuu eli  $d\Phi_B/dt \neq 0 \rightarrow$  Indusoituu jännite.

Ei ole suuri ihme, että tähän tulee yksi vakio: keskinäisinduktanssi

$$\mathcal{E}_2 = -M_{21} \frac{dI_1}{dt}$$

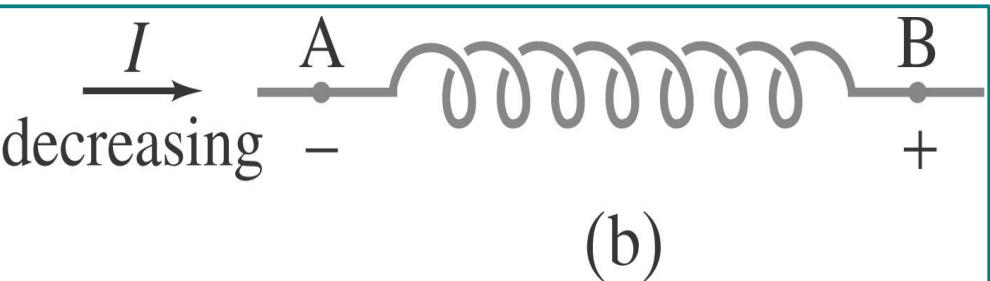
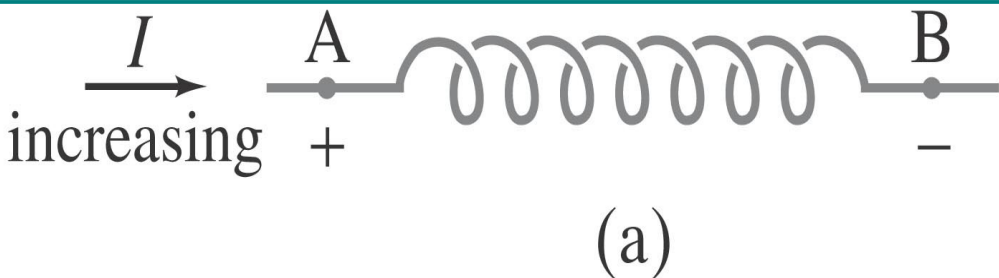
ja kun käämien roolit vaihdetaan:

$$\mathcal{E}_1 = -M_{12} \frac{dI_2}{dt} \quad \text{ja lopulta:} \quad M_{21} = M_{12} = M$$

# Käämi menee piiriin: induktanssi

Kaksi käämiä siis vaikuttaa toisiinsa seuraavasti:  
**virta** muuttuu → magneettivuo muuttuu → indusoituu **jännite**

Mutta tarvitaanko tähän kaksi käämiä vai riittäisikö yksikin:  
**virta** muuttuu → magneettivuo muuttuu → indusoituu **jännite**



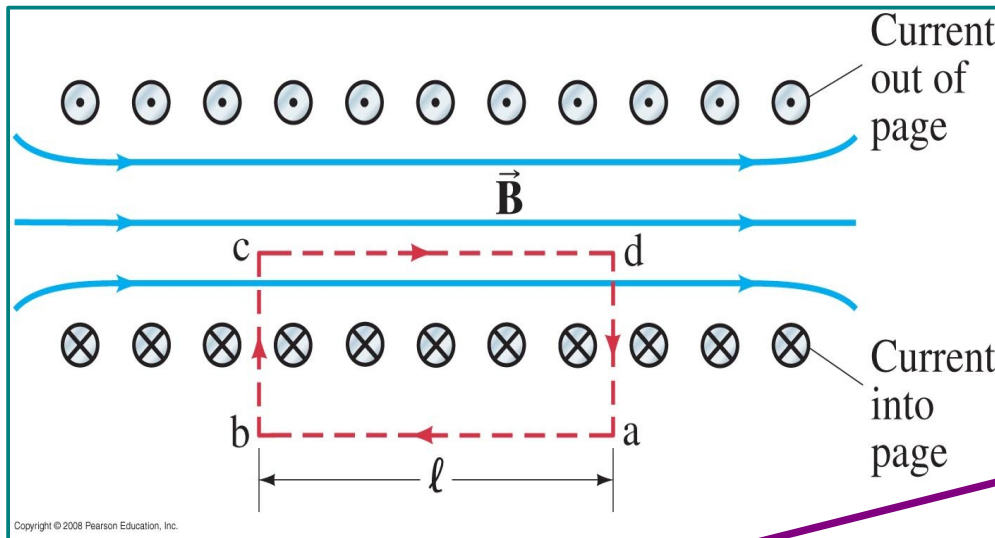
Kyllä riittää.  
Otetaan käämi ja johdetaan sen läpi **muuttuva virta** → käämin päiden välille *Faradayn lain* mukaan **indusoituu jännite**, joka *Lenzin lain* mukaan vastustaa virran muutosta.

$$\mathcal{E} = -L \frac{dI}{dt}$$

L on (itseis)induktanssi

# Induktanssi: solenoidi

Ampèren lain avulla saimme magneettikentän voimakkuuden  $B$ :



$$B = \mu_0 \frac{N}{\ell} I = \mu_0 n I$$

$$\Phi_B = B A = A \mu_0 \frac{N}{\ell} I$$

$$\mathcal{E} = -N \frac{d\Phi_B}{dt}$$

$$\mathcal{E} = -N A \mu_0 \frac{N}{\ell} \frac{dI}{dt} = -L \frac{dI}{dt} \quad \Rightarrow \quad L = A \mu_0 \frac{N^2}{\ell}$$

# Käämi menee piiriin: magneettinen energia

Itseinduktion sähköteho on:

$$P = I\mathcal{E} = IL \frac{dI}{dt}$$

eli:

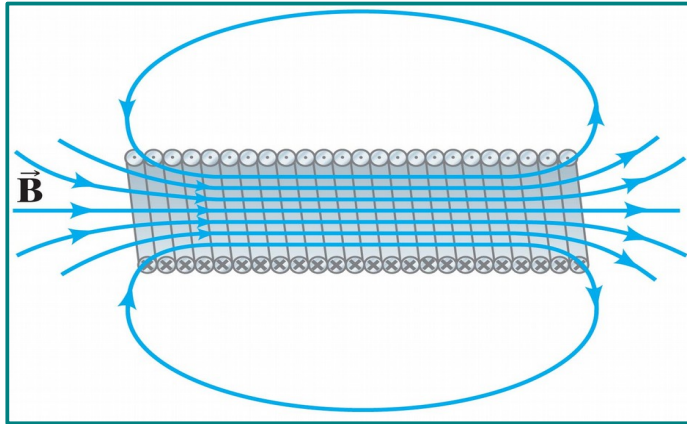
$$P dt = LI dI$$



$$W = \int P dt = \int LI dI = \frac{1}{2} LI^2 = U$$

Käämi säilöo magnetostaattista energiaa.  
Kondensaattori säilöo sähköstaattista energiaa

Tämä energia on säilöetty käämin magneettikenttään.



$$E = \frac{1}{2} CV^2$$

# Magneettinen energia: solenoidi

Taas kerran on rehellistä kysyä: Mihin se energia meni?

$$U = \frac{1}{2} L I^2$$
$$B = \mu_0 \frac{N}{\ell} I$$
$$L = A \mu_0 \frac{N^2}{\ell}$$
$$I = \frac{B \ell}{\mu_0 N}$$
$$U = \frac{1}{2} \frac{B^2}{\mu_0} A \ell$$

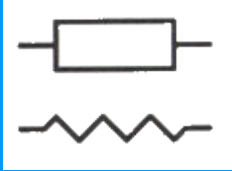


Magneettikentän energiatiheys (energia / tilavuus):

$$u_B = \frac{1}{2} \frac{B^2}{\mu_0}$$

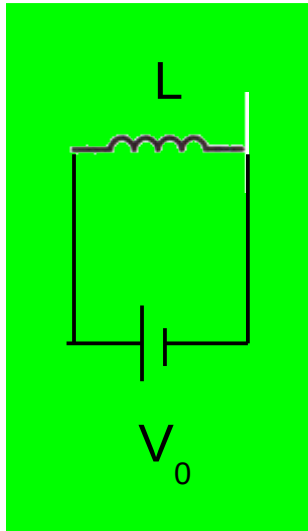
Kokeneesti  
vertaamme  
sähkökenttään:

$$u_E = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$$

# Kolmen sortin komponenttia

Nimi	Tyyppi	Symboli	Jännitehäviö	Piirrosmerkki
Vastus	Resistiivinen	R	$V_R = RI$	
Kondensaattori	Kapasitiivinen	C	$V_C = Q/C$	
Käämi	Induktiivinen	L	$V_L = -L di/dt$	

# Käämi piirissä



Kirchhoffin lait pätevät yhä:

$$V_0 - L \frac{dI}{dt} = 0$$

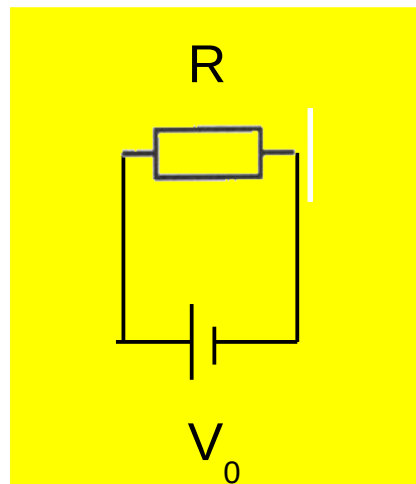
Pelkkä käämi johtaa siis rajatta kasvavaan virtaan!

↓

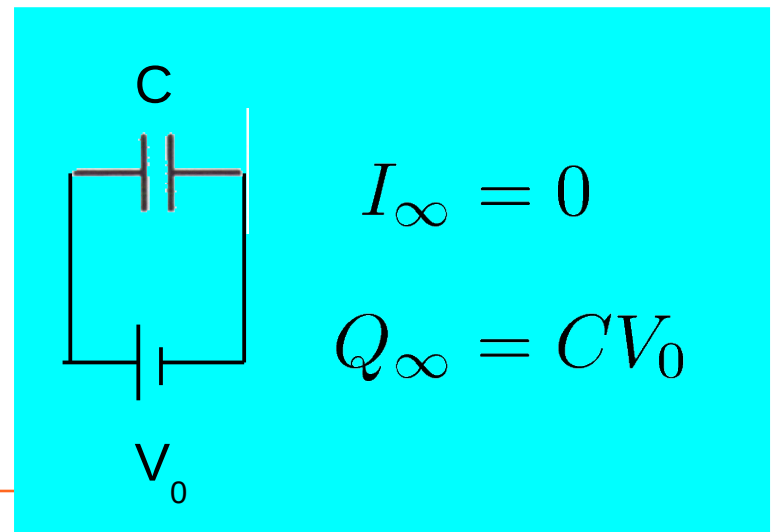
$$I = \frac{V_0}{L} t$$

←

Vertaa  
tuttuihin  
tuotteisiin:

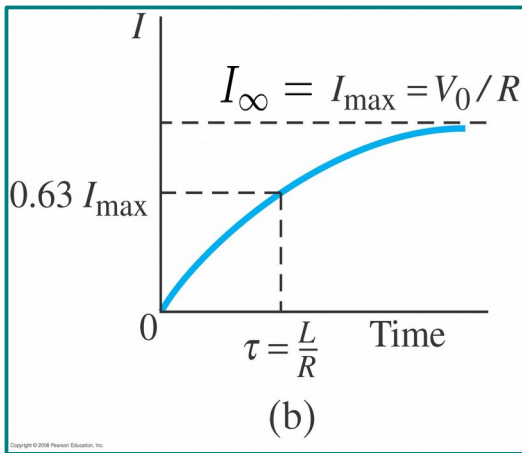


$$I_{\infty} = \frac{V_0}{R}$$



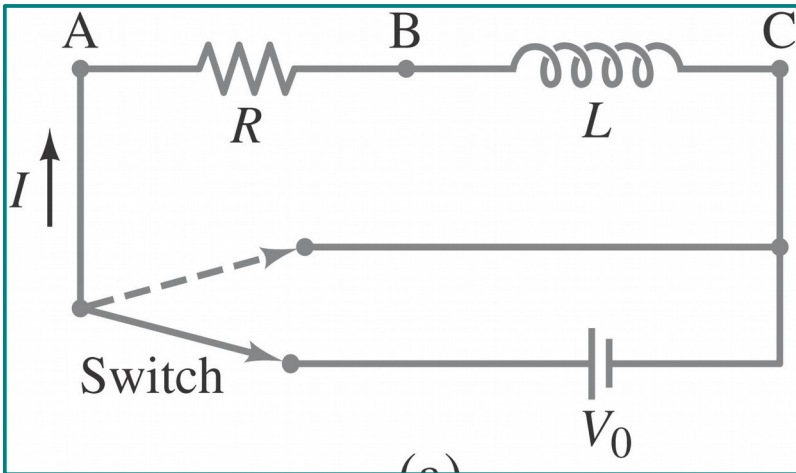
$$I_{\infty} = 0$$
$$Q_{\infty} = CV_0$$

# LR-piirit



Pelkkä käämi tasajännitelähteen kanssa ei ollut niin kovin hyvä idea. Lisätään siis vastus.

Kirchhoffin lait ovat edelleen ihan hyvä idea.



$$L\dot{I} + RI = V_0$$

Differentiaaliyhtälö!

HY:  $L\dot{I} + RI = 0$

EHY:  $L\dot{I} + RI = V_0 \rightarrow I_\infty = \frac{V_0}{R}$

$I = De^{-\frac{R}{L}t} = De^{-\frac{t}{\tau}}$

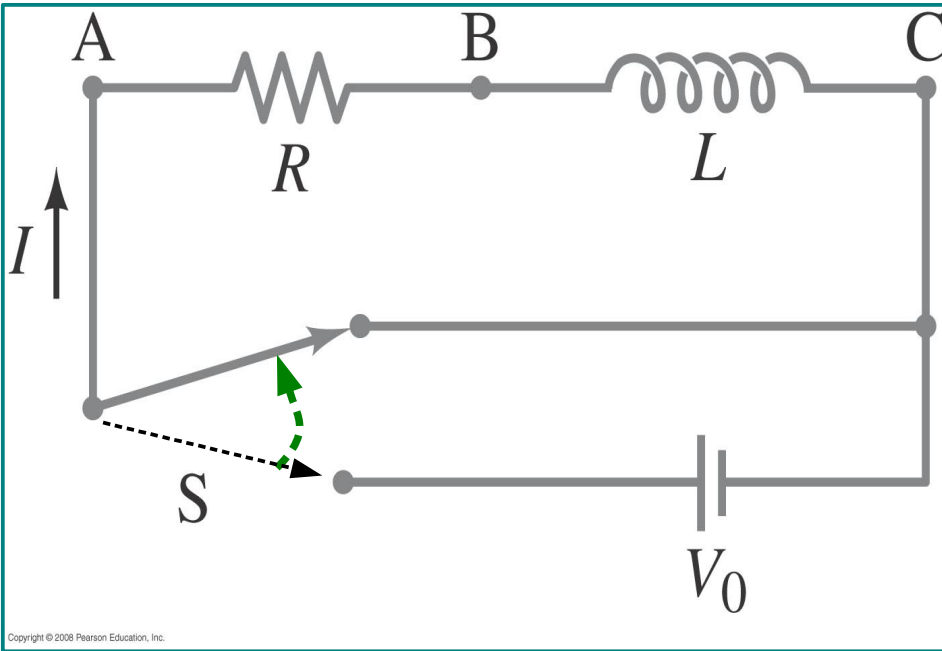
HY + EHY:  $I = De^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{V_0}{R}$

Alkuehto  $I(0)=0$ :

$$I = \frac{V_0}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$



# LR-piirit



Piirin yhtälö on nyt vain HY:

$$L\dot{I} + RI = 0$$

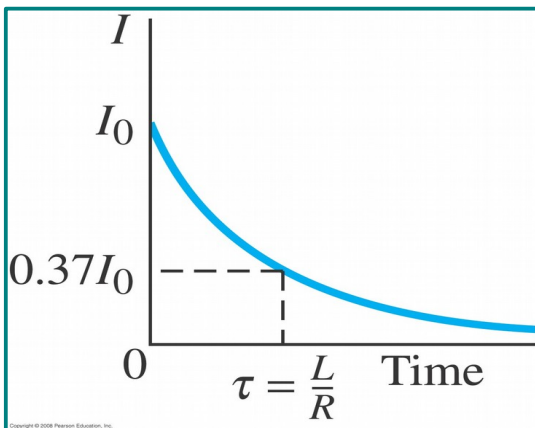


$$I = De^{-\frac{R}{L}t} = De^{-\frac{t}{\tau}}$$

ja alkuehto:  $I(0) = \frac{V_0}{R}$

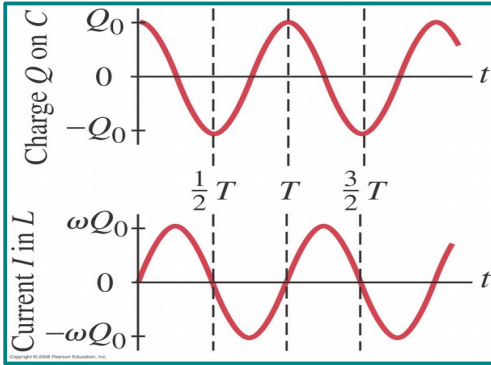


$$I = \frac{V_0}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

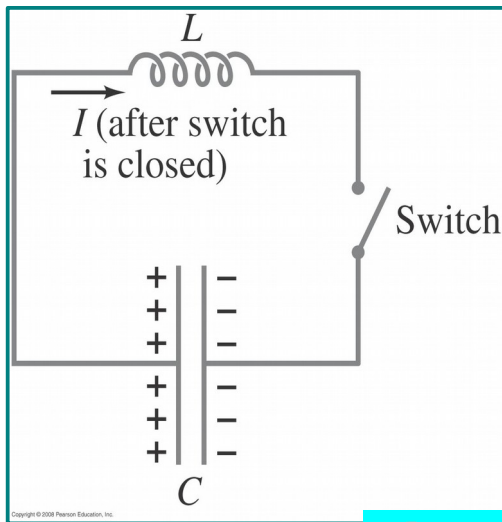


Energia:  
Käämiin varastoitunut  
magneettinen energia  
kuluu vastuksessa.

# Vauhtiin päästyä: LC-piirit



Kirchhoffin lait ovat edelleen ihan hyvä idea.



Jännitelaki:  $L\dot{I} + \frac{Q}{C} = 0$

Varauksen säilyminen:  $I = \dot{Q}$

$$\ddot{Q} + \frac{Q}{LC} = 0$$

Näyttää kumman tutulta, vrt:

$$Q = Q_0 \cos(\omega t) \quad I = \omega Q_0 \sin(\omega t) \quad \ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0$$

Joten, taas:

$$\left. \begin{array}{l} Q = De^{rt} \\ r^2 + \frac{1}{LC} = 0 \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} r = \pm i\sqrt{\frac{1}{LC}} = \pm i\omega \\ Q = A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t) \end{array} \right\} \begin{array}{l} Q(0) = Q_0 \\ I(0) = \dot{Q}(0) = 0 \end{array}$$

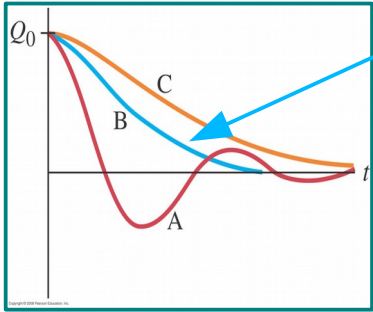
# Tämän hetken piirit

Piiri	Yhtälö
R	$V_0 = RI$
RC	$V_0 = Q/C + RI = Q/C + R\dot{Q}$
LR	$V_0 = RI + L\dot{I}$
LC	$V_0 = Q/C + L\ddot{I} = Q/C + L\ddot{Q}$

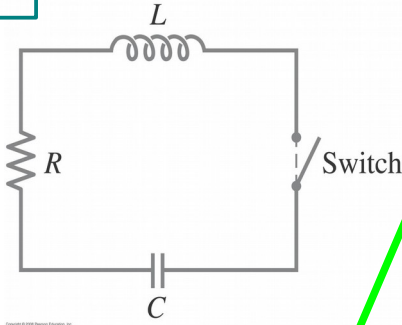
1. kertaluvun differentiaaliyhtälö

2. kertaluvun differentiaaliyhtälö

# Kaikki komponentit somasti samassa: RLC-piiri



$$R^2 = 4L/C$$



Kirchhoffin laki:

$$\begin{cases} L\dot{I} + RI + \frac{Q}{C} = 0 \\ I = \dot{Q} \end{cases}$$

$$r_{1,2} = \frac{-R \pm \sqrt{R^2 - 4L/C}}{2L}$$

Mekaaninen analogia:

$$m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = 0$$

$$L\ddot{Q} + R\dot{Q} + \frac{Q}{C} = 0$$

$$Q = De^{rt}$$

$$Lr^2 + Rr + 1/C = 0$$

1.  $R^2 > 4L/C$ : vaimeneva ratkaisu:

$$Q = D_1 e^{r_1 t} + D_2 e^{r_2 t}$$

2.  $R^2 < 4L/C$ : oskilloiva ratkaisu:

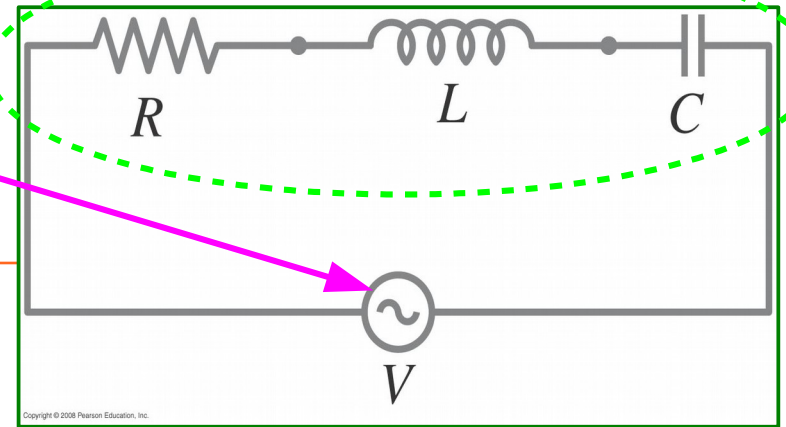
$$r_{1,2} = r' \pm i\omega' = \frac{-R}{2L} \pm \frac{\sqrt{R^2 - 4L/C}}{2L}$$

$$Q = D_1 e^{r' t} \sin(\omega' t) + D_2 e^{r' t} \cos(\omega' t)$$

# Vaihtovirtapiirit

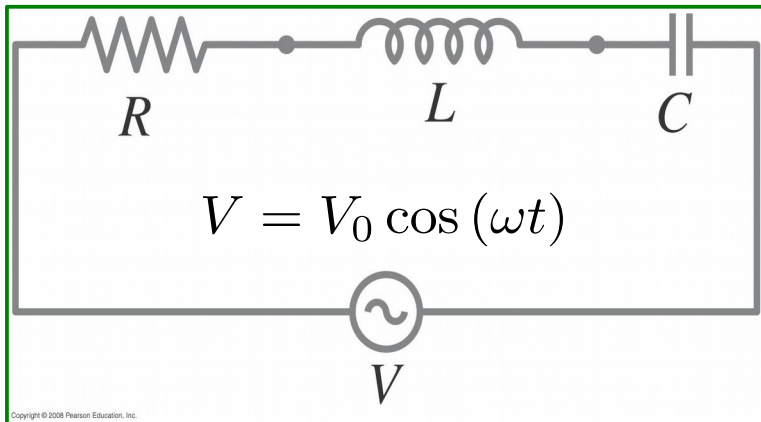
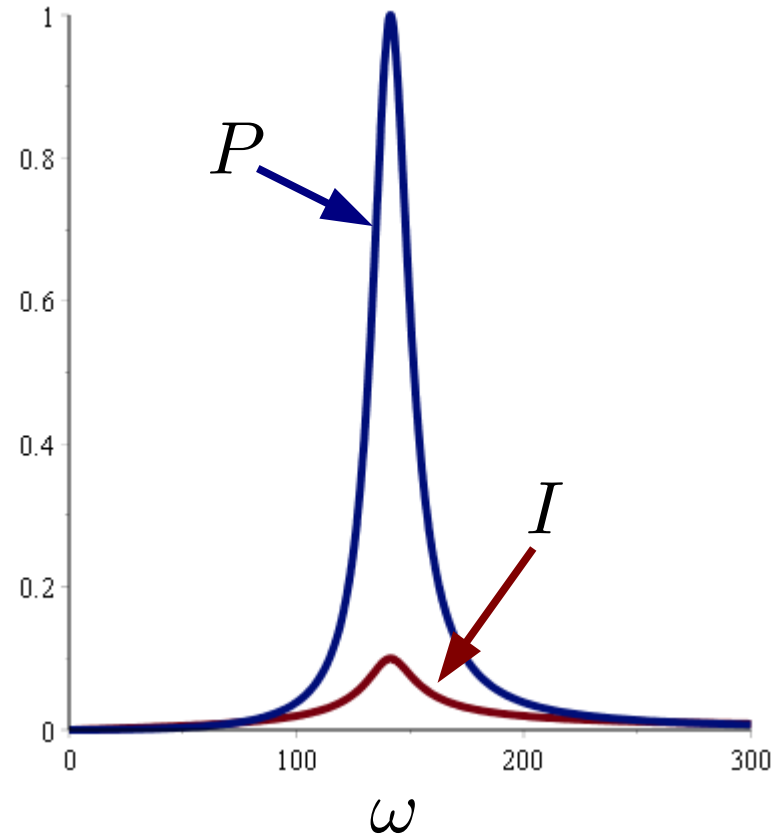
Vaihtovirtapiirissä on

- ▶ Jännitelähde (generaattori tai verkkojännite)
- ▶ Komponentteja, joita mallinnetaan vastuksella, kondensaattorilla ja käämillä

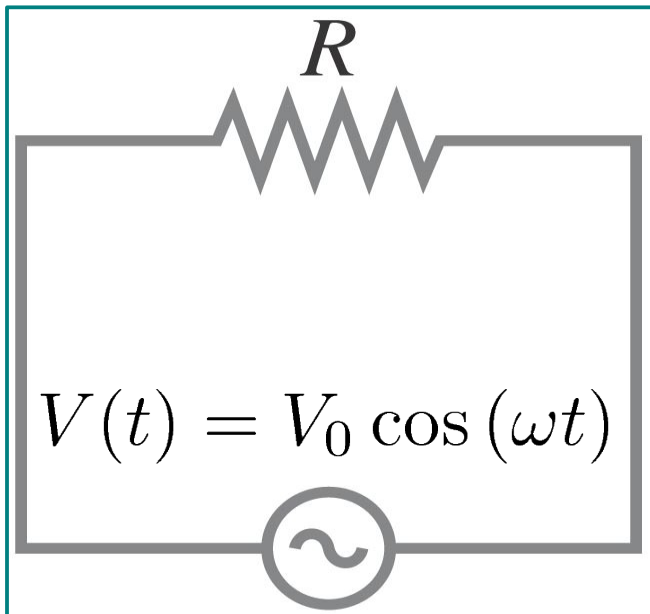


# Vaihtovirtapiirit

Vaihtovirtapiirin käyttö riippuu jännitelähteen kulmataajuudesta



# Vaihtojännite ja -virta: Miten tarkastella?



Käytännössä generaattorimme tuottavat sinimuotoista (tai kosinimuotoista) jännitettä.

Ei ole käytännöllistä puhua vaihtojännitteestä sinimuotoisena funktiona. Mutta miten sitten?

Jaksonaika  $T = 2\pi/\omega$ , tämän sisällä kaikki toistuu.

2. Entä huippuarvo  $V_0$ ?

Ei surkein mahdollinen vaihtoehto. Tosin kuvaa vain ääriarvoa.

1. Olisiko keskiarvo hyvä mittari?

$$\bar{V} = \int_0^{2\pi/\omega} V(t) dt = 0$$

Aina nolla. Ei kovin nerokasta.

3. Entä tehollinen keskiarvo  $V_{\text{rms}}$ ?

$$V_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} V(t)^2 dt} = \frac{V_0}{\sqrt{2}}$$

Käytännössä aina käytössä, merkitään jopa  $V_{\text{rms}} = V$

## Vaihtojännite ja -virta: Teholliset arvot

$$V_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} V(t)^2 dt} = V_0 \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} \cos^2(\omega t) dt} = \frac{V_0}{\sqrt{2}}$$

Kun piirissä vain vastuksia:  $I(t) = V(t)/R$      $I_0 = V_0/R$

$$I_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} I(t)^2 dt} = \frac{V_0}{R\sqrt{2}} = \frac{I_0}{\sqrt{2}} = I$$

Kuinka käy sähkötehon  $P(t) = V(t) I(t) = ?$

$$\begin{aligned} \bar{P} &= \frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} V(t) I(t) dt = V_0 I_0 \frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} \cos^2(\omega t) dt = \frac{V_0 I_0}{2} \\ &= \frac{V_0}{\sqrt{2}} \frac{I_0}{\sqrt{2}} = VI = P \end{aligned}$$

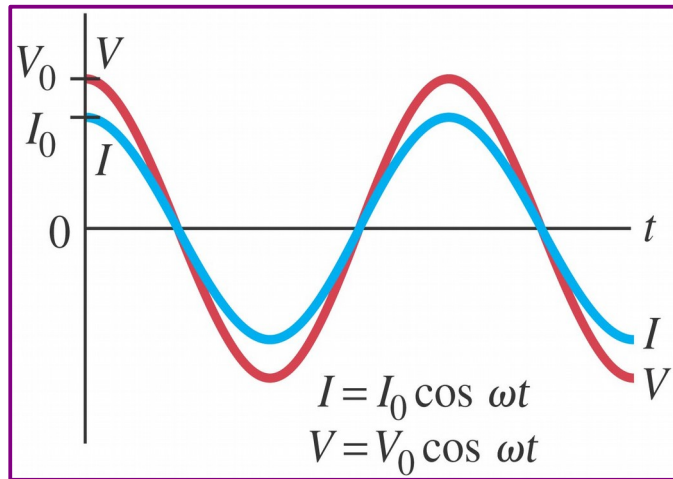
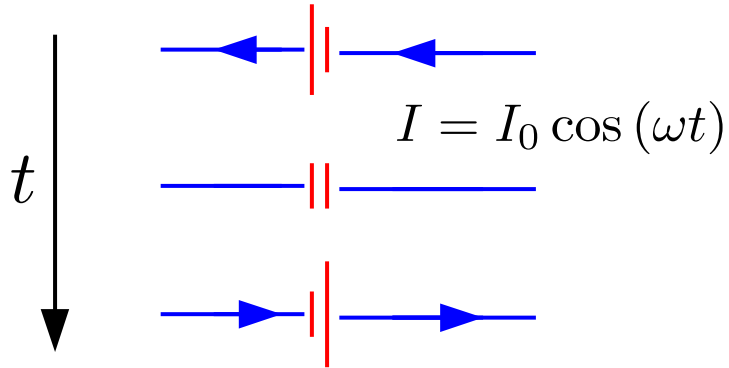


# Vaihtovirtapiirit

Resistiivinen



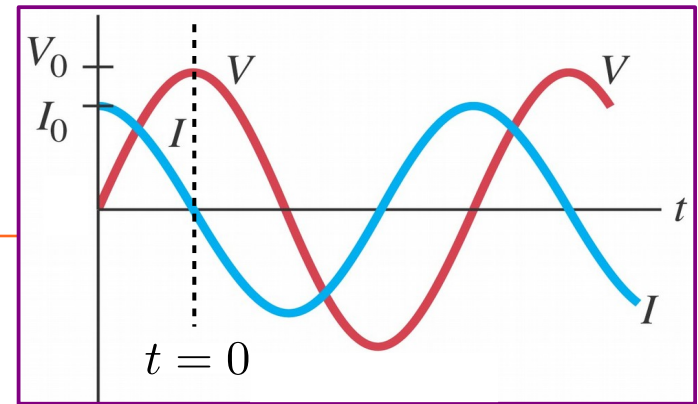
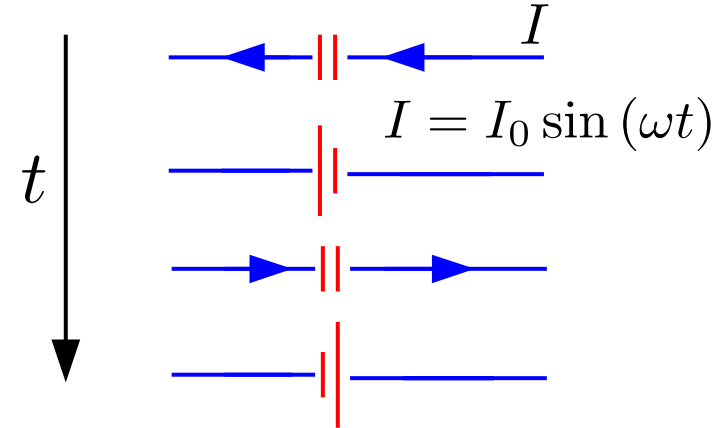
$$V = V_0 \cos(\omega t)$$



Reaktiivinen

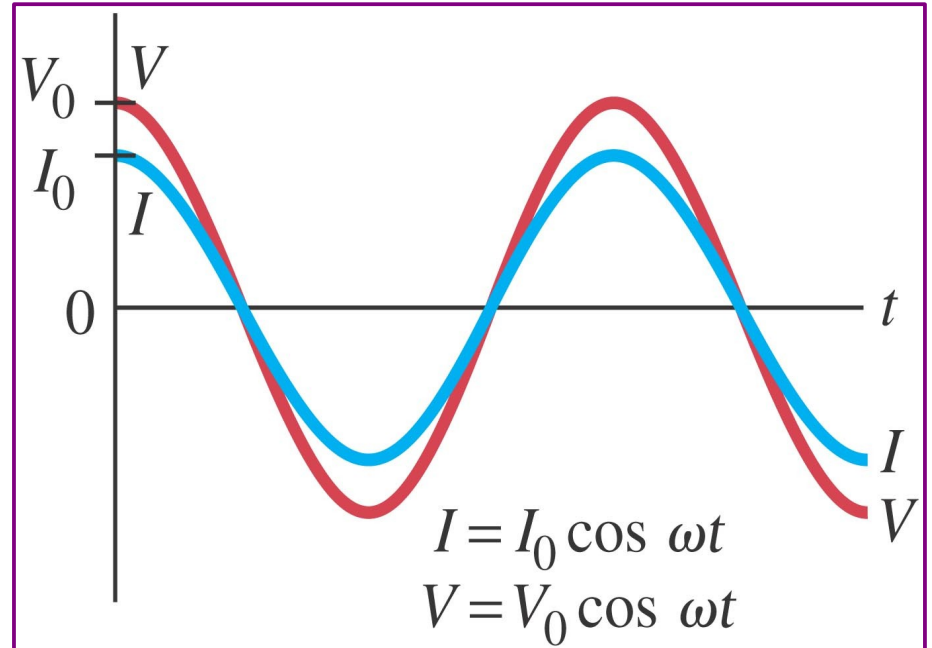
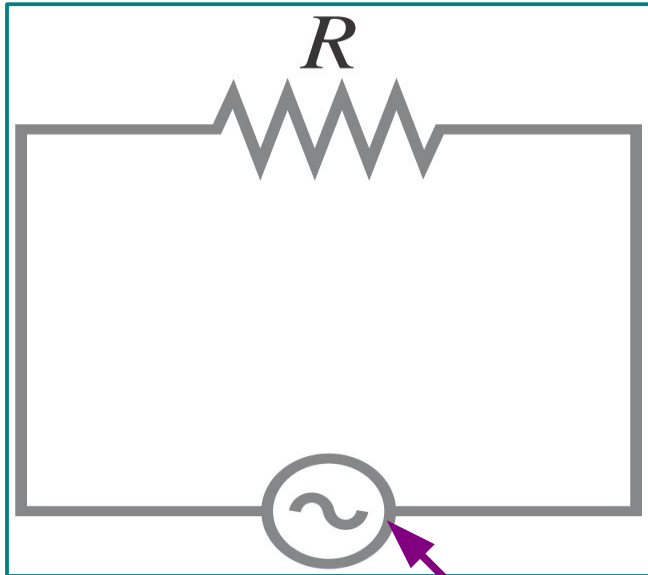


$$V = V_0 \cos(\omega t)$$



# Vaihtovirtapiirit – jos maailmassa olisi vain resistanssia

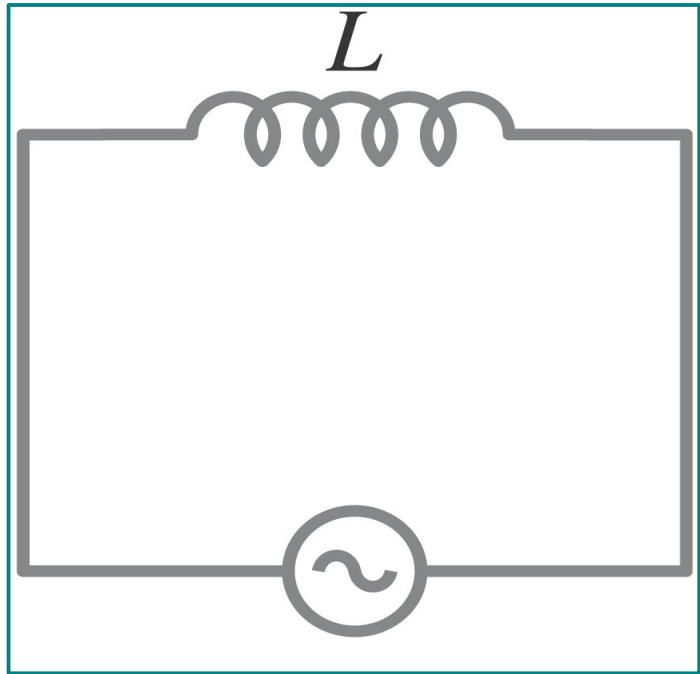
RLC-komponenttien todellinen luonne tulee esiin vasta vaihtojännitelähteeseen kytkettynä.



Vaihtojännitelähde:  
tuottaa (sinimuotoista) jännitettä  
kulmataajuudella  $\omega$   
vrt. generaattori

- virta ja jännite samassa vaiheessa
- $I = V/R$
- $I_0 = V_0/R$

# Vaihtovirtapiirit (L + vaihtojännitelähde)

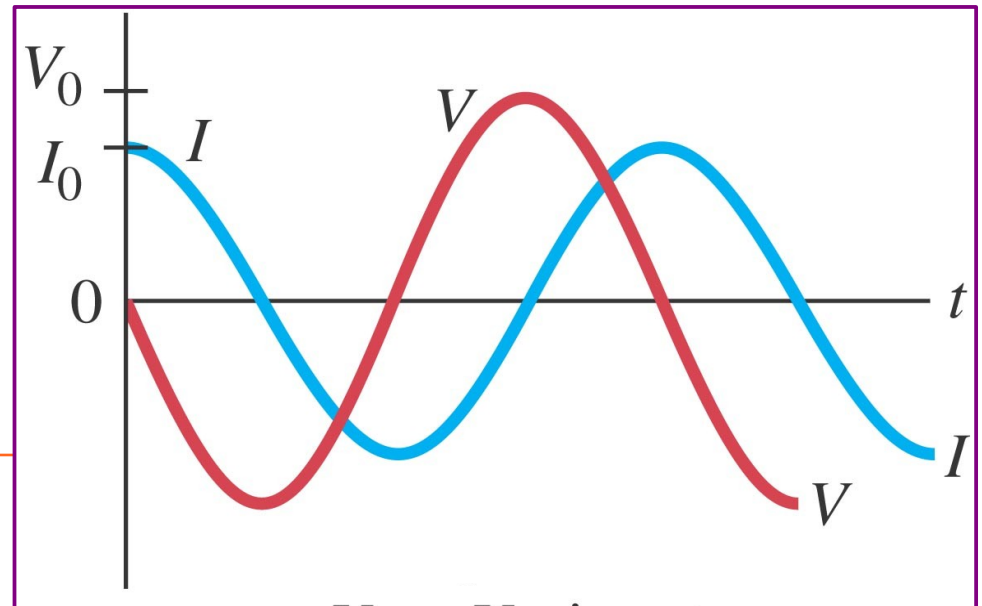


Kirchhoffin laki:

$$L\dot{I} = V \quad + \quad V = V_0 \cos(\omega t)$$

$$I = \frac{V_0}{L\omega} \sin(\omega t) = I_0 \sin(\omega t)$$

- virta ja jännite eri vaiheessa
- $I_0 = V_0 / (L \omega)$



# Vaihtovirtapiirit (C + vaihtojännitelähde)

Kirchhoffin laki:

$$Q/C = V$$

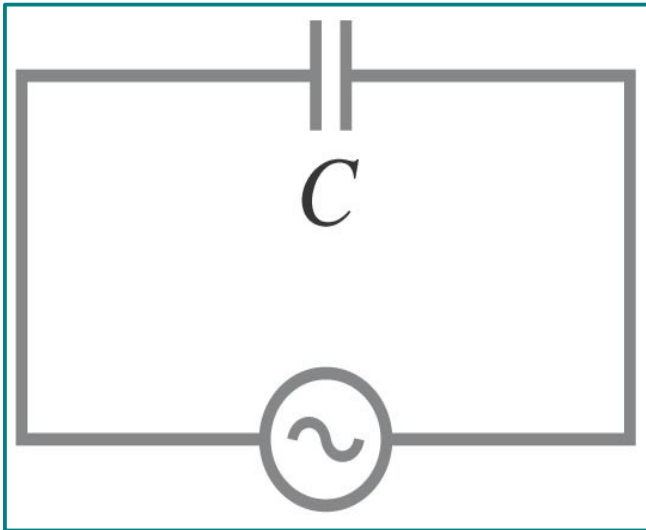


$$\begin{cases} V = V_0 \cos(\omega t) \\ I = \dot{Q} \end{cases}$$

$$Q = CV = CV_0 \cos(\omega t)$$

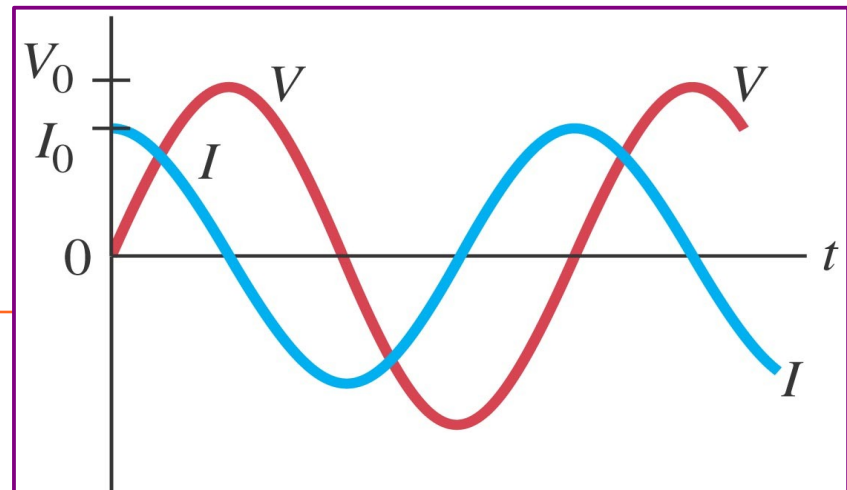


$$I = -\omega CV_0 \sin(\omega t) = -I_0 \sin(\omega t)$$



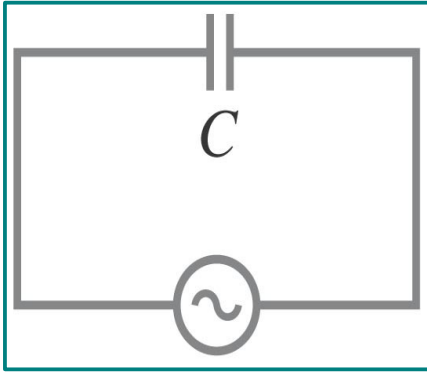
• virta ja jännite eri vaiheessa

$$I_0 = \omega CV_0$$

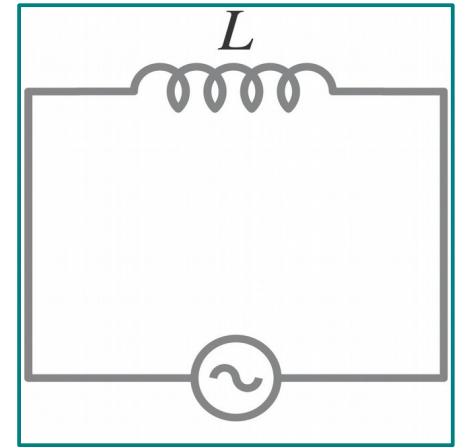


# Teho vaihtovirtapiirissä (L/C + vaihtojännitelähde)

Lopputulema: Kondensaattori tai käämi vaihtovirtapiirissä ei kuluta tehoa, vaikka virta kulkee.



$$V = V_0 \cos(\omega t)$$



$$I = -\omega C V_0 \sin(\omega t) = -I_0 \sin(\omega t)$$

$$I = \frac{V_0}{L\omega} \sin(\omega t) = I_0 \sin(\omega t)$$

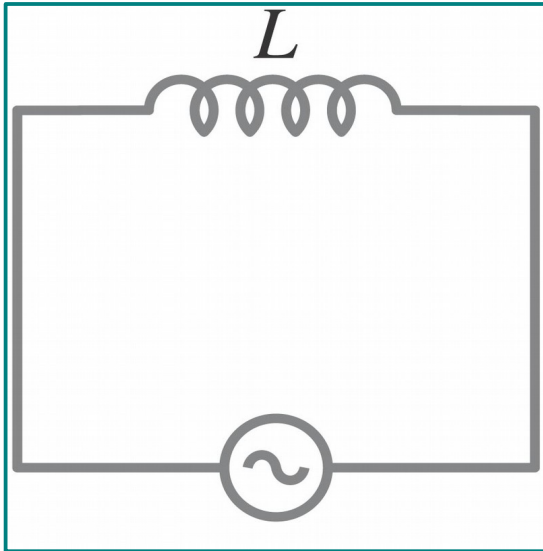
$$\begin{aligned} \bar{P} &= \frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} V(t)I(t) dt \\ &= \frac{-I_0 V_0}{T} \int_0^{2\pi/\omega} \cos(\omega t) \sin(\omega t) dt \end{aligned}$$

$$\bar{P} = \frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} V(t)I(t) dt$$

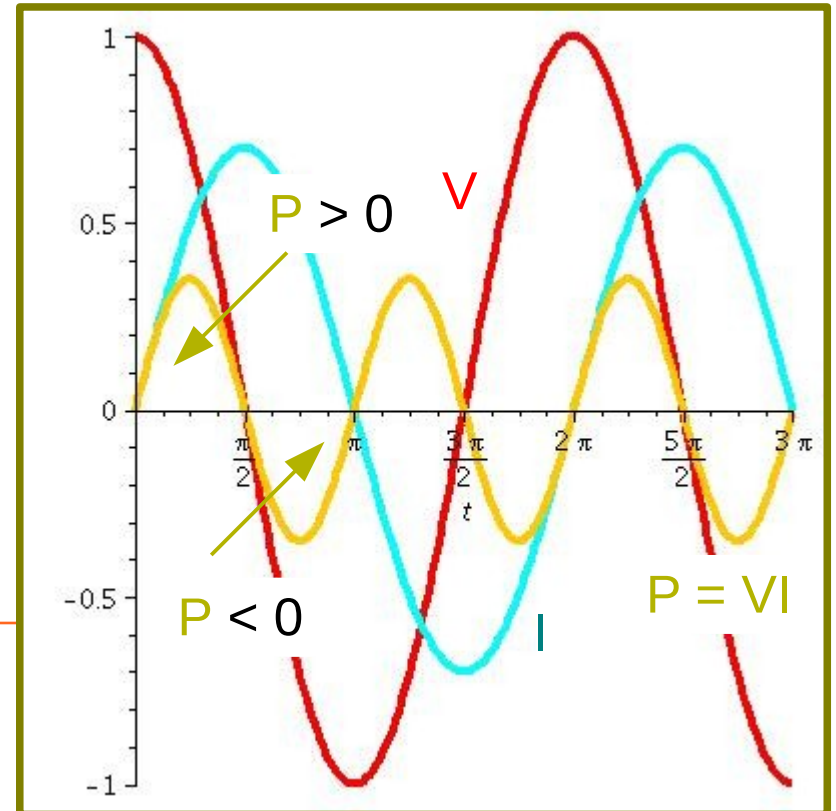
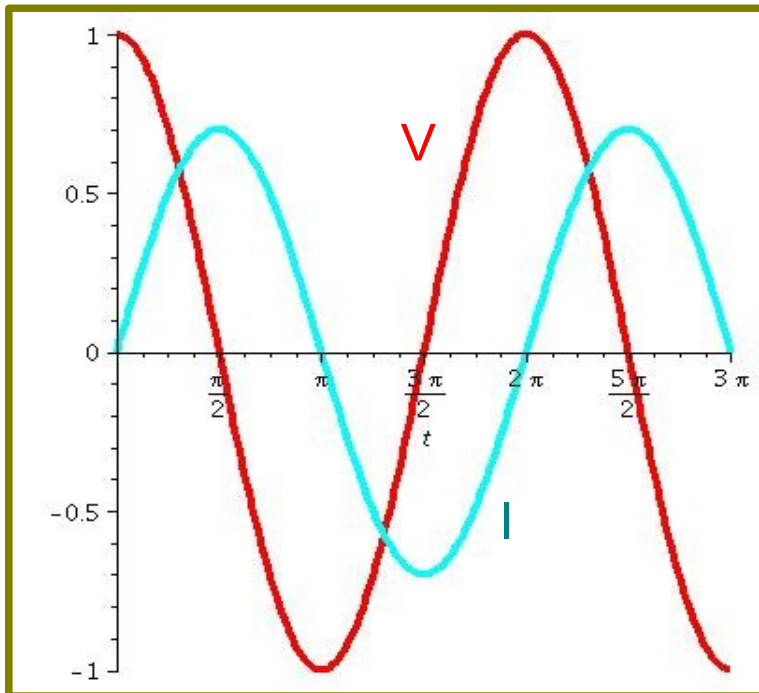
**= 0**

$$= \frac{I_0 V_0}{T} \int_0^{2\pi/\omega} \cos(\omega t) \sin(\omega t) dt = 0$$

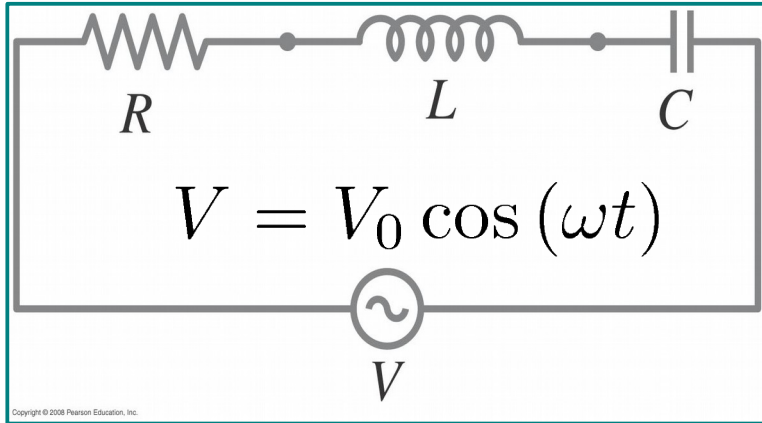
# Esimerkki: L-vaihtovirtapiiri: virta kulkee, tehoa ei kulu?



$$\left\{ \begin{array}{l} V = V_0 \cos(\omega t) \\ I = \frac{V_0}{L\omega} \sin(\omega t) = I_0 \sin(\omega t) \end{array} \right.$$



# Vaihtovirtapiirit (se viimeinen: RLC + vaihtojännite)



Ensin yhtälö piirille: Kirchhoffin laki:

$$V_L + V_R + V_C = L\dot{I} + RI + Q/C = V$$

$d/dt \downarrow$

$$L\ddot{I} + R\dot{I} + I/C = -\omega V_0 \sin(\omega t)$$

Homogeeniyhtälö:  $L\ddot{I} + R\dot{I} + I/C = 0$   $I_{\text{HY}}(t) = De^{\frac{-R \pm \sqrt{R^2 - 4L/C}}{2L} t}$

→ Hiipuu nopeasti pois → ei relevantti

Täydellinen yhtälö: Yrite:  $I(t) = A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t)$

→  $\dot{I} = \omega A \cos(\omega t) - \omega B \sin(\omega t)$   $\ddot{I} = -\omega^2 A \sin(\omega t) - \omega^2 B \cos(\omega t)$

→ 
$$\begin{cases} A(\omega L - \frac{1}{\omega C}) + BR = V_0 \\ B(\omega L - \frac{1}{\omega C}) - AR = 0 \end{cases}$$

Induktiivinen reaktanssi  $X_L = \omega L$

Kapasitiivinen reaktanssi  $X_C = 1/\omega C$

# Vaihtovirtapiirit (se viimeinen: RLC + vaihtojännite)

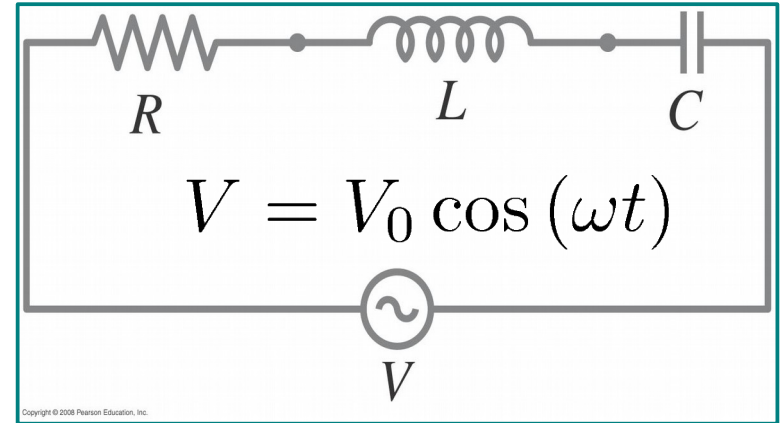
$$I(t) = A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t)$$

$$\begin{cases} A(\omega L - \frac{1}{\omega C}) + BR = V_0 \\ B(\omega L - \frac{1}{\omega C}) - AR = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} A(X_L - X_C) + BR = V_0 \\ B(X_L - X_C) - AR = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} B = \frac{V_0 R}{(X_L - X_C)^2 + R^2} \\ A = \frac{(X_L - X_C)V_0}{(X_L - X_C)^2 + R^2} \end{cases}$$

$Z^2, Z = \text{impedanssi}$



$$\begin{cases} X_L = \omega L \\ X_C = \frac{1}{\omega C} \\ Z^2 = (X_L - X_C)^2 + R^2 \end{cases}$$



# Vaihtovirtapiirit (se viimeinen: RLC + vaihtojännite)

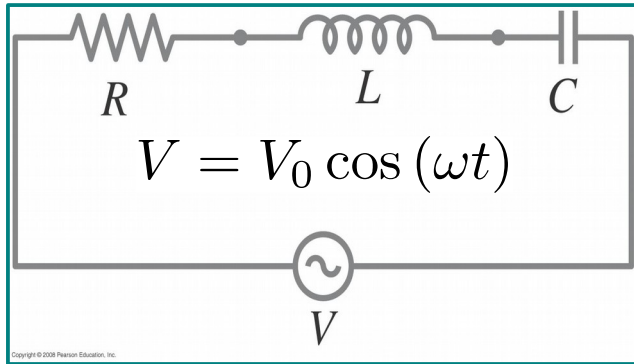
$$I(t) = A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t) + \begin{cases} B = \frac{V_0 R}{(X_L - X_C)^2 + R^2} = \frac{V_0 R}{Z^2} \\ A = \frac{(X_L - X_C) V_0}{(X_L - X_C)^2 + R^2} = \frac{(X_L - X_C) V_0}{Z^2} \end{cases}$$

$$\rightarrow I(t) = \frac{V_0}{Z} \left( \frac{(X_L - X_C)}{Z} \sin(\omega t) + \frac{R}{Z} \cos(\omega t) \right)$$

$$\begin{aligned} \rightarrow I = I_{\text{rms}} &= \frac{V_0}{Z} \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} \left( \frac{(X_L - X_C)}{Z} \sin(\omega t) + \frac{R}{Z} \cos(\omega t) \right)^2 dt} \\ &= \frac{V_0}{Z} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{\sqrt{(X_L - X_C)^2 + R^2}}{Z} = \frac{V}{Z} \end{aligned}$$

Tehollinen virta = Tehollinen jännite / Impedanssi

# Teho siinä viimeisessä vaihtovirtapiirissä (RLC)



$$I(t) = \frac{V_0}{Z} \left( \underbrace{\frac{(X_L - X_C)}{Z} \sin(\omega t)}_{\text{Vaihesiirto jännitteen suhteen} \rightarrow \text{ei tee työtä}} + \underbrace{\frac{R}{Z} \cos(\omega t)}_{\text{Sama vaihe kuin jännitteellä} \rightarrow \text{tekee työtä}} \right)$$

Vaihesiirto jännitteen suhteen  $\rightarrow$  ei tee työtä

Sama vaihe kuin jännitteellä  $\rightarrow$  tekee työtä

Piirin keskimääräinen sähköteho:

$$\bar{P} = \frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} V(t)I(t) dt = \frac{1}{T} \int_0^{2\pi/\omega} \frac{V_0^2 R}{Z^2} \cos^2(\omega t) dt$$

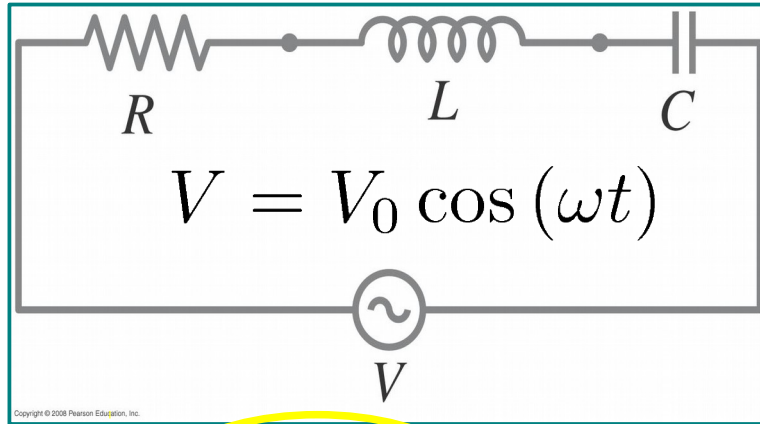
$$= \frac{V_0^2 R}{2Z^2} = V \frac{V}{Z} \frac{R}{Z} = VI \frac{R}{Z} = VI \cos \varphi \leq VI$$

Tehokerroin

Reaktanssilla on *kaksi* vaikutusta piirin sähkötehoon:

1. Kasvattaa impedanssia  $\rightarrow$  tehollinen virta pienenee
2. Kasvattaa virran ja jännitteen vaihe-eroa  $\rightarrow$  työtä tekevä osa virrasta pienenee

# Viimeinen vaihtovirtapiiri (RLC)



$$I(t) = \frac{V_0}{Z} \left( \frac{(X_L - X_C)}{Z} \sin(\omega t) + \frac{R}{Z} \cos(\omega t) \right)$$

$\sin \varphi$ 
 $\cos \varphi$


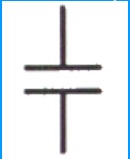

$$= \frac{V_0}{Z} \cos(\omega t - \varphi) = I_0 \cos(\omega t - \varphi)$$

$I_0 = \frac{V_0}{Z}$

$$I_{\text{rms}} = \frac{V_{\text{rms}}}{Z}$$

$$\begin{cases} X_L > X_C \rightarrow \sin \varphi > 0 \rightarrow \varphi > 0 \\ X_L < X_C \rightarrow \sin \varphi < 0 \rightarrow \varphi < 0 \end{cases}$$

# Kootaan tulokset: RLC-vaihtovirtapiiri

Nimi	Tehollinen vaikutus	Tehollinen suuruus	Piirrosmerkki
Vastus	Resistiivinen	$R$	
Kondensaattori	Kapasitiivinen reaktanssi	$X_C = 1/\omega C$	
Käämi	Induktiivinen reaktanssi	$X_L = \omega L$	

Impedanssi:

$$Z = \sqrt{(X_L - X_C)^2 + R^2}$$

Teho:

$$P = VI \cos \varphi$$

Virta:

$$I = \frac{V}{Z}$$

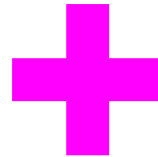
$$I_0 = \frac{V_0}{Z}$$

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z}$$

# Kootaan tulokset: RLC-vaihtovirtapiiri

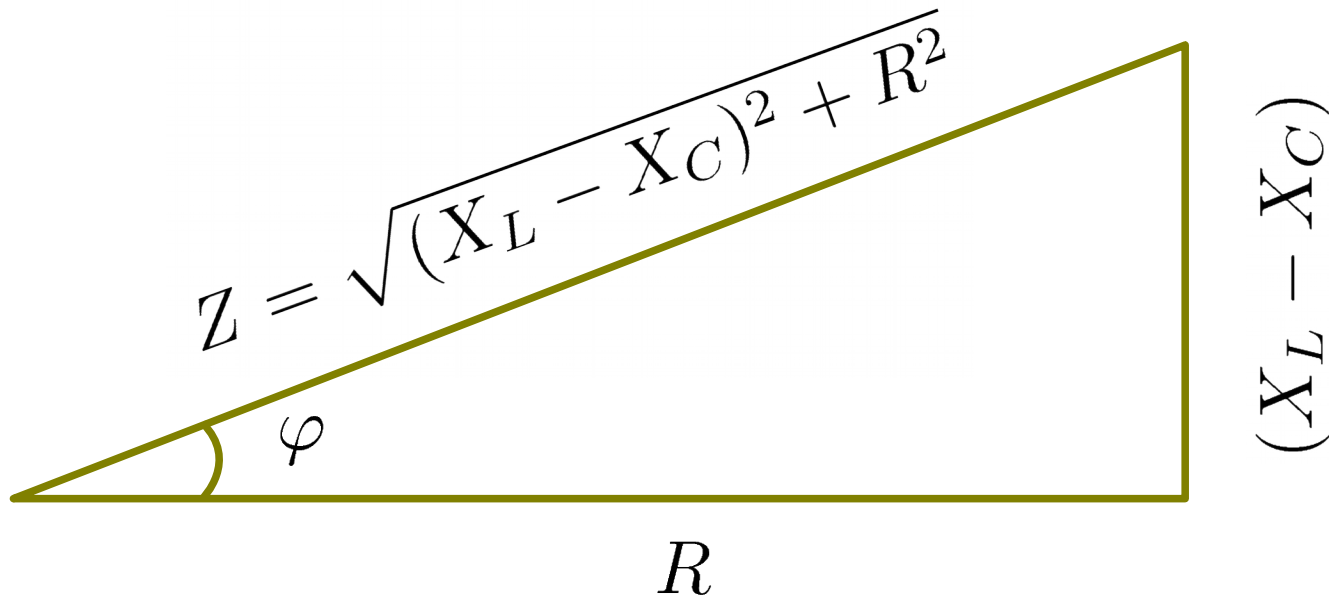
Impedanssi Z:

$$Z = \sqrt{(X_L - X_C)^2 + R^2}$$



Tehokerroin  $\cos \varphi$ :

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z}$$



# Kootaan tulokset: RLC-vaihtovirtapiirin teho

“Muodollista” tehoa kutsutaan ***näennäistehoksi***:

$$S = VI$$

Todellinen piirissä kuluva teho on ***pätöteho***:

$$P = VI \cos \varphi$$

$$S = VI$$

$$P = VI \cos \varphi$$

$$Q = \sqrt{S^2 - P^2}$$

Piirin palauttama teho on ***loisteho***.

$$S^2 = P^2 + Q^2$$

Yksikköboxi:

[P] = W (watti)

[S] = VA  
(volttiampeeri)

[Q] = var (vari)

# RLC-vaihtovirtapiirin tehot

TM 13/2012 testasi  
varavirtalaitteita (UPS)



VARAVIRTALAITTEET	APC	Eaton	FSP
<b>TEKNISET TIEDOT <sup>1)</sup></b>			
Tyyppi, offline/line interactive	x/-	x/-	-/x <sup>5)</sup>
Suurin antoteho (VA)	700	700	850
Suurin antoteho (W)	405	420	480
Pistorasiat, suko, yhteensä (kpl)	8	6	2
- akku ja ylijännitesuoja (kpl)	4	3	2
- ainoastaan ylijännitesuoja (kpl)	4	3	-
Sammutusautomaatiikka (eco)	x <sup>2)</sup>	-	-
Akun, 12V, kapasiteetti (Ah) <sup>1)</sup>	9	7	9
<b>VARAKÄYNTIAIKA <sup>1)</sup></b>			
- 100 W (min)	31	22	15 <sup>3)</sup>
- 200 W (min)	13	10	4)
- 300 W (min)	7	5	4)
- 400 W (min)	4	2	4)
Suurin sisääntulovirta (A)	10	10	10
Sisääntulojännite 230 V	x	x	x
Säädettävät rajat, yli- ja alijännite	x <sup>6)</sup>	x <sup>7)</sup>	-

Näennäisteho,  
yksikkö VA

Pätöteho,  
yksikkö W

# RLC-vaihtovirtapiiri: ääritapaukset

1. Reaktanssit tasapainossa

$$X_L = X_C$$

$$Z = R$$

$$\cos \varphi = 1$$

$$I = \frac{V}{R}$$

$$\varphi = 0$$

$$P = VI = S$$

$$Q = 0$$

2. Ei resistanssia  $R = 0$

$$Z = X_L - X_C$$

$$\cos \varphi = 0$$

$$I = \frac{V}{Z}$$

$$\varphi = \pi/2$$

$$P = 0$$

$$Q = S = VI$$

Nyt siis piirissä kulkee äärellinen virta  $I$ , mutta tehoa ei kulu.



# RLC-piirin resonanssi

Koska RLC-piirin yhtälö virralle:

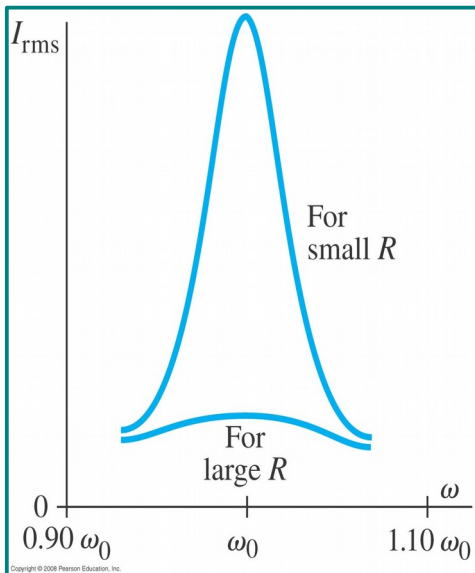
$$L\ddot{I} + R\dot{I} + I/C = -\omega V_0 \cos(\omega t)$$

on samanlainen kuin mekaanisen pakkovärähtelijän:

$$m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = F \cos(\omega t)$$

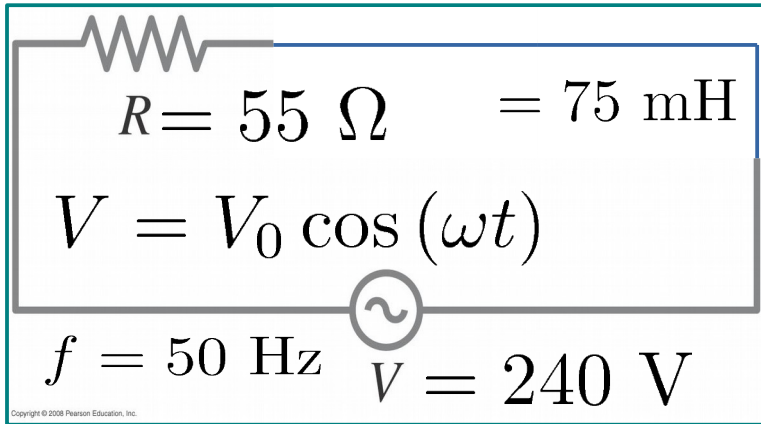
niin piirinkin saa *resonanssiin*.

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{V}{\sqrt{(X_L - X_C)^2 + R^2}}$$
$$= \frac{V}{\sqrt{(\omega L - \frac{1}{\omega C})^2 + R^2}}$$



## Esimerkki: kuristin vaihtovirtapiirissä

Tasavirtapiirin virtaa voi rajoittaa vain vastuksella.  
Vaihtovirran tapauksessa tilanne on toisin.



$$\omega = 100\pi \text{ 1/s}$$

$$Z = R = 55 \Omega$$

$$I = \frac{V}{R} = 4,36 \text{ A}$$

$$P = VI = RI^2 = 1047 \text{ W}$$

$$X_L = \omega L = 23,56 \Omega \quad I = \frac{V}{Z} = 4,01 \text{ A}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2} = 59,83 \Omega \quad \cos \varphi = \frac{R}{Z} = 0,919$$

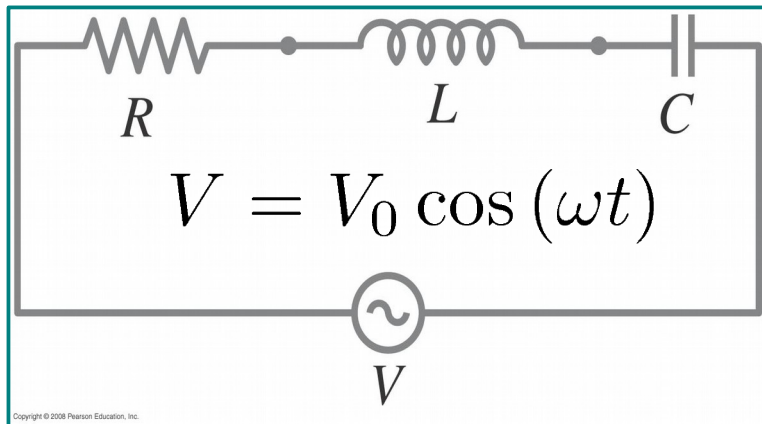
$$P = VI \cos \varphi = RI^2 = 885 \text{ W}$$

# Jännitteet komponenttien yli RLC-piirissä?

$$L\dot{I} + RI + Q/C = V(t) \quad I(t) = I_0 \cos(\omega t - \varphi)$$

$\downarrow$                        $\downarrow$                        $\downarrow$

$$V_L(t) + V_R(t) + V_C(t) \quad Q = \int I(t) dt$$



$$\left\{ \begin{array}{l} V_L(t) = -\omega L I_0 \sin(\omega t - \varphi) \\ V_R(t) = R I_0 \cos(\omega t - \varphi) \\ V_C(t) = \frac{1}{\omega C} I_0 \sin(\omega t - \varphi) \end{array} \right.$$

eli tehollisina arvoina:

$$V_L = X_L I$$

$$V_R = R I$$

$$V_C = X_C I$$

erityisesti:

$$V_L + V_R + V_C \neq V$$

# Esimerkki: Jännite RLC-piirin komponentin yli

1. Kaiuttimen ( C ) yli vaikuttava huippujännite:

$$V_{C0} = X_C I_0 = X_C \frac{V_0}{Z}$$

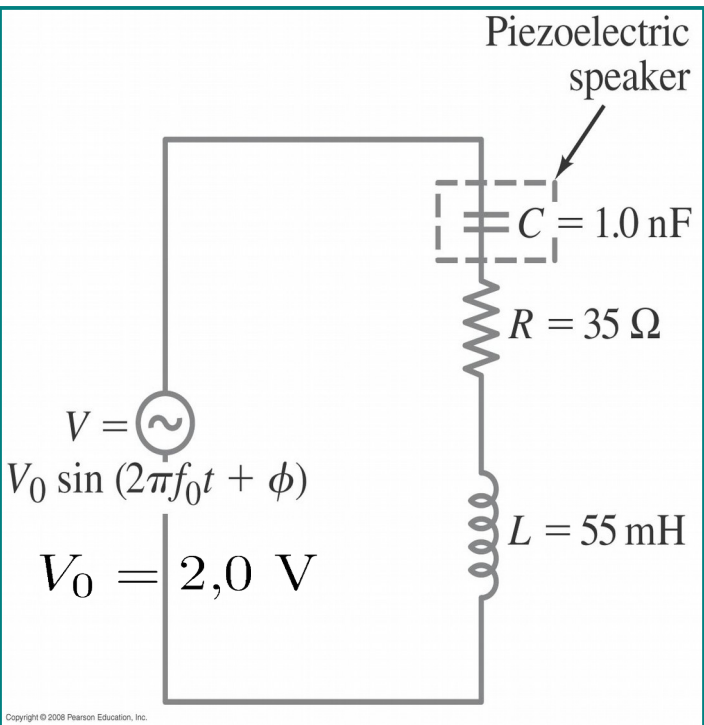
selvästi suurimmillaan,  
kun impedanssi Z  
pienimmillään

2. Valitaan siis  $\omega_0$  siten, että piiri resonanssissa:

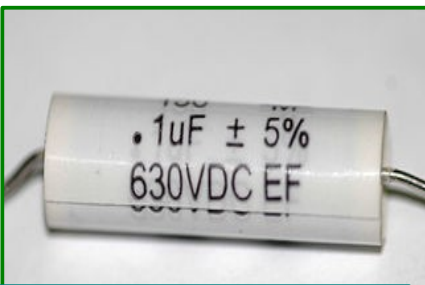
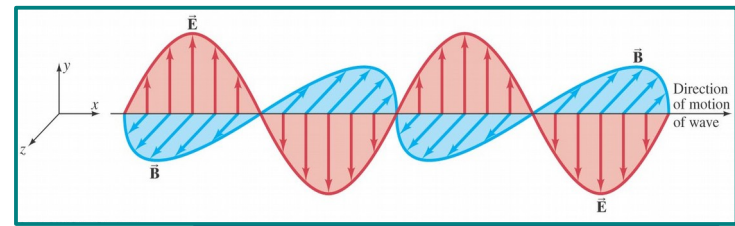
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = 134840 \frac{1}{\text{s}} = 21,46 \text{ kHz}$$

siispä  $Z = R = 35 \Omega$  joten

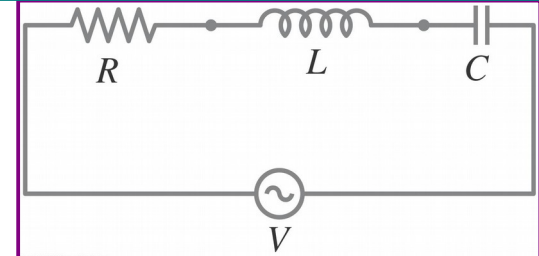
$$V_{C0} = X_C \frac{V_0}{R} = \frac{1}{\omega C} \frac{V_0}{R} = 420 \text{ V}$$



# Sähkömagnetismi: kertaus



Kurssin keskeisimmät asiat ?



1. Sähkö- ja magneettikenttä
2. Lait sähkö- ja magneettikentille eli Maxwellin yhtälöt
3. Lorentzin voima
4. Sähkömagneettinen aalto
5. Kapasitanssi- ja induktanssi-ilmiöt
6. Kondensaattori ja käämi komponentteina
7. RC-, RL- ja RLC-vaihtojännitepiirit

